

Cursillo de Ingreso 2023

Ingeniería Agronómica
Ingeniería Industrial



www.agr.unne.edu.ar



Autoridades

DECANO

Ing. Agr. (Dr.) Mario H. URBANI
decano@agr.unne.edu.ar

VICEDECANO

Ing. Agr. (Dr.) Aldo C. BERNARDIS
aldobernardis@yahoo.com.ar

SECRETARIA ACADÉMICA

E.E. (Dra.) Laura Itatí GIMENEZ
academica.fca.unne@gmail.com

SECRETARIA DE ASUNTOS ESTUDIANTILES

Ing. Agr. (Dra.) María Esperanza SARTOR
bienestar.estudiantil.agr.unne@gmail.com

Créditos

Coordinador general

Prof. (Esp.) María Eugenia DELGADO ORTIZ

Coordinador digital

Ing. Agr. WAGNER, Alberto Werfil

Comunicador Institucional

Lic. Natalí ZACARÍAS

Química

Ing. Agr. (Mgter.) Analía Beatríz, PICCOLI.

Bioq. (Dra.) Marina Cecilia, CARDOZO.

Prof. María Claudia LYTWYN

Matemática

Prof. María Teresa VAZQUEZ

Prof. Jorge Ezequiel ALMIRÓN

Presentación

El material aquí presente pertenece al **Cursillo de Ingreso 2023** para las carreras **Ingeniería Agronómica** e **Ingeniería Industrial** de la **Facultad de Ciencias Agrarias** de la **Universidad Nacional del Nordeste (UNNE)**.

El cuadernillo del cursillo de ingreso es un material que pretende acompañar el desarrollo de las clases prácticas y actividades en el aula virtual. Es fundamental que cada estudiante cuente con el mismo en formato impreso y/o digital para seguir las explicaciones y actividades del docente a cargo del módulo.

El cuadernillo cuenta con:

Orientaciones generales

- Información del cursillo de Ingreso respecto a la estructura y organización.

Marco teórico

- Explicaciones conceptuales de cada tema en el módulo de Química y Matemática, para fortalecer, revisar y actualizar conocimientos, procedimientos y habilidades en las asignaturas del ciclo básico.

Actividades

- Ejercicios prácticos que le permitirán a los estudiantes avanzar en la comprensión de las temáticas y en su propio proceso de aprendizaje.

Índice

Presentación	3
Información del Cursillo	7
Cronograma de clases y exámenes	8
Acceso al Aula virtual	9
Instructivo	9
Importancia	9
Registro de asistencia	9
Química	10
Presentación	10
Conceptos	11
Nomenclaturas	12
Óxidos	14
Hidróxicidos o Haluros de hidrógenos	17
Oxoácidos	18
Iones	21
Hidróxidos	23
Sales Binarias	25
Oxoaniones o Aniones Poliatómicos	27
Oxosales o Sales Ternarias	30
Bibliografía	31
Matemática	32
Tema 1: Números Y Operaciones	32
Tema 2: Expresiones Algebraicas, Polinomios y Factoreo	40
Tema 3: Ecuaciones	50
Problemas de aplicación	54
Contactos importantes	55

Información del Cursillo **i**

Organización

El **Cursillo de Ingreso** de la Facultad de Ciencias Agrarias es la primera instancia que los **inscriptos** a **Ingeniería Agronómica** e **Ingeniería Industrial** tienen que **realizar** para iniciar dichas carreras.

Está compuesto por las siguientes **4** materias llamadas **Módulos**, para los que deben asistir a **clases presenciales** y cumplir con **actividades**:

- **Introducción a la vida universitaria**
- **Aprendizaje y Estudio en la Universidad**
- **Química**
- **Matemática**

Requisitos de acreditación

Es indispensable que los **Inscriptos** a la/s carrera/s acrediten el **Cursillo de Ingreso** para convertirse en **Aspirantes**, es decir, para tener la posibilidad de inscribirse y empezar a cursar **cualquier Asignatura** del respectivo Plan de Estudio.

Para ello se debe cumplir con **tres requisitos**:

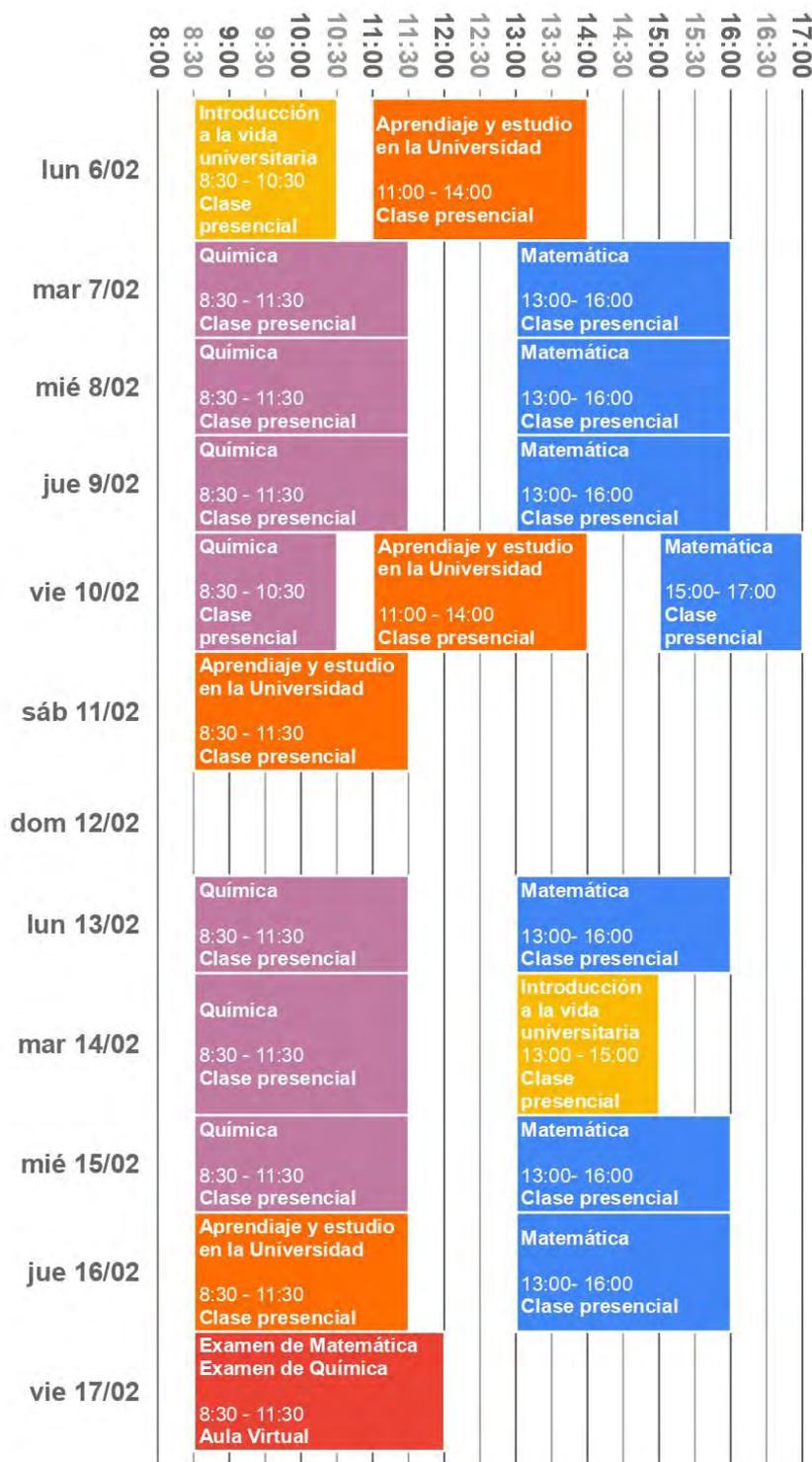
- 1-** Estar correctamente **inscripto a la/s carrera/s**.
- 2-** Tener como máximo hasta **1** (una) falta o **inasistencia**, a las clases presenciales de **cada uno** de los módulos.
- 3-** Realizar el **Examen de Matemática** y el **Examen de Química** en el aula virtual.

Ver en **Asistencia y Notas de exámenes**, del aula virtual, cómo registrar el presente y dónde encontrar tus resultados.

Cronograma de clases y exámenes

El dictado comienza el **lunes 6 de febrero del 2023** y termina el **viernes 17 de febrero del 2023** en la Facultad de Ciencias Agrarias, ubicada en el **Campus Sargento Cabral**.

Las fechas y horarios a las que deben asistir están en **Cronograma de clases y exámenes**.



Ver aula y grupo asignado en la sección de Cronograma de clases y exámenes en el **Aula Virtual** del Cursillo de Ingreso.

Acceso al Aula virtual

Instructivo

Para acceder al Aula virtual del Cursillo de Ingreso seguir los siguientes pasos:

- 1-** Abrir un **navegador web** desde tu celular o PC con conexión a internet.
- 2-** Ingresar a la plataforma Moodle de UNNE Virtual con la siguiente dirección:
<https://virtual-moodle.unne.edu.ar/login/index.php>
Sugerencia: *agregar a la pantalla principal* del celular esta dirección a través de la configuración del navegador facilitará los futuros accesos, por ejemplo, para registrar la asistencia.
- 3-** En el campo *Nombre de usuario* ingresar **número de DNI** sin puntos y sin espacios.
- 4-** En el campo *Contraseña* ingresar la clave genérica 1234 o si ya posee usuario en Moodle se debe colocar la contraseña actual.

Si tienes inconvenientes para ingresar al Aula virtual del Cursillo de Ingreso, enviar un correo electrónico a fcaingresounne@gmail.com con el asunto **No puedo acceder al aula virtual** y en el cuerpo del mensaje: nombre, apellido, DNI, e-mail y detalles del problema.

Importancia

Registro de asistencia

El **registro de las asistencias** a las clases puede hacerse con el teléfono de las siguientes maneras:

- 1- Escaneando el QR** que se encontrará en la entrada al aula o en la proyección sobre el pizarrón y logueando el aula virtual,
- 2- Entrando** a los bloques de Asistencia de **aquí abajo** e **ingresando** el **password** que está arriba del QR,
- 3-** De no poder acceder por los métodos anteriores, **acercarse a un asistente** o al profesor para que anote tu **asistencia manualmente**.

Necesitarán acceso a internet ya sea por paquete de datos o conectándose a la red wifi de la Facultad, y deberá conocer su usuario y contraseña para esta aula virtual.

Química

Presentación

La Química como ciencia estudia la estructura, propiedades y transformaciones de la materia a partir de su composición. Con su protagonismo se ha visto involucrada en el avance de otras disciplinas, presentando un rol destacable en numerosas actividades científicas, tecnológicas y productivas en diversas Áreas del Conocimiento.

En base a la amplitud de los conceptos que comprende el dictado de la Química General e Inorgánica y la carga horaria usualmente limitada durante el cursado de la materia, se pretende focalizar en los procesos químicos básicos, propios del sistema Industrial y agropecuario.

Muchas Industrias se basan en la transformación de materias primas a un producto final apreciado por el hombre, con características que le permiten ser útil para la vida. Esas transformaciones dependen de las características y propiedades de la materia prima, por lo cual el conocimiento de las bases químicas de estas constituye la base de estas industrias, podemos mencionar así a las industrias farmacéutica, petroquímica, alimenticia y agroindustrial.

Con respecto a la importancia de la Química en la Agronómica podríamos señalar muchos aspectos externos al Sistema Suelo-Planta: los estudios relacionados con la de fertilizantes en el medio nutritivo, su absorción por las plantas y la aplicación de nuevos productos, de los que son ejemplos representativos los quelatos y abonos micronutrientes; la síntesis de productos de acción hormonal y otras sustancias de acción fisioterapéutica; la producción, formulación y aplicación de fertilizantes, insecticidas, herbicidas, fungicidas y aditivos diversos; la síntesis y utilización de productos íntimamente relacionados con las prácticas agrícolas, plásticos, tensoactivos, etc.

Finalmente, la agricultura, la ganadería y sus industrias derivadas siguen siendo la máxima fuente de alimentos. Las mismas se han potenciado considerablemente con el desarrollo de nuevas instalaciones tecnológicas y bases en las ciencias, con el descubrimiento de nuevos elementos esenciales y el esclarecimiento de las funciones específicas realizadas por otros. Asimismo, la utilización de nuevos procedimientos químicos aplicados a la mejora de la calidad, producción, conservación y transformación de los productos agrícolas junto a estudios químicos de nuevas variedades vegetales más productivas y menos sensibles a los factores climáticos, enfermedades y plagas.

Estos y otros aspectos que surgen al analizar detenidamente las posibilidades de la Química, constituyen hoy temas de gran interés en la mayor parte de los centros de investigación industrial y agropecuaria de todo el mundo.

Los contenidos del **módulo de Química** son fundamentales para el cursado de la asignatura **Química General e Inorgánica** de primer año de las carreras **Ingeniería Agronómica e Ingeniería Industrial**

Conceptos

Para iniciar este Módulo debemos conocer algunos conceptos:

Fórmula química

Es la representación escrita de una sustancia.

Una fórmula química es una expresión que muestra la composición química de una sustancia en términos de los símbolos de los elementos combinados y subíndices numéricos colocados a la derecha de los mismos.

Número de Oxidación

Es la capacidad de combinación (valencia) con signo positivo o negativo que tienen los elementos.

Electronegatividad (X)

La electronegatividad de un elemento indica la tendencia relativa del mismo a atraer electrones cuando se halla unido a otro elemento.

La electronegatividad permite determinar el orden en el cual se deben escribir los elementos cuando se representa la fórmula química de un compuesto.

Orden de electronegatividad a tener en cuenta en la formulación de compuestos:

Metales < Hidrógeno < No metales < Oxígeno < Flúor

La secuencia indica que siempre debe escribirse el símbolo del elemento menos electronegativo a la izquierda y el símbolo del más electronegativo a la derecha.

Si un **metal** (M) se encuentra combinado con el **oxígeno** (O), deberá escribirse en primer lugar el símbolo del metal y en segundo lugar el del oxígeno: MO.

En caso de tener un compuesto formado por **hidrógeno**, **no metal** y **oxígeno**, al representar la fórmula deberá ubicarse el símbolo del hidrógeno primero, luego el símbolo del no metal y finalmente el símbolo del oxígeno: HXO.

Electroneutralidad

Todas las fórmulas químicas deben ser neutras. Para lograrlo se realizan los siguientes pasos:

1. Se escriben los símbolos de los elementos de modo que el menos electronegativo quede a la izquierda y el más electronegativo a la derecha de la fórmula.
2. Teniendo en cuenta los números de oxidación, se asignan subíndices a cada símbolo químico de modo tal que la suma algebraica de todos los estados de oxidación sea igual a CERO y la fórmula resultante sea la más sencilla.

Nomenclaturas

Son reglas y regulaciones que rigen la designación (la identificación o el nombre) de las sustancias químicas. Deben asignar nombres unívocos a las sustancias (un sólo nombre para una sustancia y una sola sustancia para un nombre). Actualmente se aceptan dos sistemas de nomenclatura: nomenclatura IUPAC (integrada por la nomenclatura **Estequiométrica** y la nomenclatura **Numerales De Stock**) y la nomenclatura **tradicional**.

Nomenclatura IUPAC

Los compuestos químicos se nombran de acuerdo a las normativas aprobadas por la IUPAC (Unión Internacional de Química Pura y Aplicada) que es el organismo internacional encargado de aprobar los nombres de las distintas sustancias químicas y definir las normas generales de la nomenclatura química.

La Nomenclatura Sistemática de la IUPAC comprende dos tipos:

- **Nomenclatura Estequiométrica:** utiliza prefijos griegos para indicar el número de cada tipo de átomo presente en la fórmula de una determinada sustancia.

Prefijo	Significado
Mono-	1
Di-	2
Tri-	3

Prefijo	Significado
Tetra-	4
Penta-	5
Hexa-	6

Prefijo	Significado
Hepta-	7
Octa-	8
Nona-	9

- **Nomenclatura Numerales de Stock:** usa números romanos entre paréntesis para indicar el número de oxidación (sin signo) de un determinado elemento en la fórmula química de una sustancia.

Nomenclatura Tradicional

Cuando un elemento posee dos estados de oxidación, la nomenclatura tradicional usa los sufijos: **-oso** e **-ico**, añadidos a la raíz del nombre del elemento. La terminación **-oso** se emplea cuando el elemento actúa con su menor estado de oxidación y la terminación **-ico** con el mayor estado de oxidación.

Si el elemento tiene tres o cuatro estados de oxidación se agrega a las terminaciones **-oso** e **-ico** el prefijo **hipo-** para el menor de los menores estados de oxidación y el prefijo **per-** para el mayor de los mayores estados de oxidación.

Prefijo	Sufijo
hipo-	-oso
	-oso

Prefijo	Sufijo
	-ico
per-	-ico

Óxidos

Son compuestos binarios del Oxígeno, actuando siempre con **estado de oxidación -2**.

Según sus propiedades ácido-base se clasifican en:

- **Óxidos Básicos:** El oxígeno se combina con un Metal.
- **Óxidos Ácidos:** El oxígeno se combina con un No Metal.

Nomenclatura

Se debe prestar particular atención al tipo de óxido que se quiere nombrar ya que en base a la clasificación se utilizan nomenclaturas distintas.

Óxidos Básicos

- **Numerales De Stock:** Se coloca la palabra **óxido** seguido de la preposición **de** y luego el **nombre del metal** indicando su estado de oxidación con número romano entre paréntesis.

En caso de que el metal posea un sólo estado de oxidación no debe indicarse el mismo en el nombre.

Ejemplos: Na_2O : óxido de sodio; CuO : óxido de cobre (II)

- **Tradicional:** Se emplea la palabra **óxido** seguido del **nombre del metal** con terminación **-oso** (si actúa con el menor estado de oxidación) ó **-ico** (si está actuando con el mayor estado de oxidación).

En caso de que el metal posea un sólo estado de oxidación no debe colocarse ninguna terminación, sólo se escribe la preposición **de** y el **nombre del metal**.

Ejemplos: Na_2O : óxido de sodio; CuO : óxido cúprico

Óxidos Ácidos

- **Estequiométrica:** Utiliza **prefijos para indicar la cantidad de oxígenos** seguido de la palabra **óxido**, luego la preposición **de** y “prefijos para indicar la cantidad de átomos del no metal” terminado con el “nombre del elemento no metálico”.

El prefijo “mono” puede omitirse siempre que el elemento no sea el oxígeno.

Ejemplos: SeO_3 : trióxido de selenio; Cl_2O : monóxido de dicloro

- **Tradicional:** Se emplea la palabra **anhídrido** seguido del nombre del no metal con terminación **-oso** (si actúa con el menor estado de oxidación) ó **-ico** (si está actuando con el mayor estado de oxidación).

Si el no metal posee un sólo estado de oxidación debe colocarse la terminación **-ico**. Si presenta más de dos estados de oxidación se utilizan los prefijos **hipo-** (para el estado de oxidación más bajo) ó **per-** (para el estado de oxidación más alto).

Ejemplos: SeO_3 : anhídrido selénico; Cl_2O : anhídrido hipocloroso.

Actividad 1: Ejercitación.

a) Formule y nombre los óxidos básicos que forman los elementos

Elemento	Nº de Oxidación	Fórmula	Numerales de Stock	Tradicional
Litio				
Aluminio				
Estaño	+2			
	+4			
Hierro	+2			
	+3			
Mercurio	+1			

b) Formule y nombre los óxidos ácidos que forman los elementos:

Elemento	Nº de Oxidación	Fórmula	Numerales de Stock	Tradicional
Azufre	+4			
	+6			
Yodo	+1			
	+3			
	+5			
	+7			

c) Escriba la fórmula química de los siguientes óxidos

Óxido de plata:

Óxido de cobalto (II):

Anhídrido bórico:

Dióxido de triarsénico:

Óxido mercúrico:

Pentaóxido de dicloro:

Casos Especiales de Óxidos

Los casos especiales lo forman el **Cromo**, el **Manganeso** y el **Nitrógeno**.

Los elementos **Cromo** y **Manganeso**, tienen la característica de formar distintos tipos de óxidos actuando con diferentes estados de oxidación. Con números de oxidación bajos actúan como metales (formando óxidos básicos), con estados de oxidación altos se comportan como no metales (dando lugar a óxidos ácidos), mientras que sus estados de oxidación intermedios son anfóteros (se comportan como metal y no metal).

El elemento **Nitrógeno** es un no metal que puede formar cinco (5) óxidos.

Actividad 2: Completar el siguiente cuadro

Elemento	Nº de oxidación	Fórmula	Tradicional	Tipo de óxido
Cromo	+2			
	+3			
	+3			
	+6			
Nitrógeno	+1			
	+2			
	+3			
	+4			
	+5			
Manganeso	+2			
	+3			
	+4			
	+4			
	+6			
	+7			

Hidrácidos o Haluros de hidrógenos

Son compuestos binarios que resultan de la combinación del hidrógeno, siempre con **estado de oxidación +1**, con el flúor, cloro, bromo, yodo, azufre, selenio y telurio.

Fórmula

De acuerdo al orden de electronegatividad, se escribe primero el símbolo químico del hidrógeno y luego el símbolo químico del no metal. De ser necesario, se agregan subíndices a la derecha de los símbolos para lograr que la suma algebraica de los estados de oxidación sea igual a cero.

Nomenclatura

En éste caso la nomenclatura depende de la forma en que se encuentra el hidrácido.

- **Fase Gaseosa:** se nombran añadiendo el sufijo **-uro** a la raíz del nombre del no metal y colocando luego **de hidrógeno**.

Ejemplo: H_2Te : telururo de hidrógeno

- **Fase Acuosa** (En solución): cuando se hallan disueltos en agua, se nombran colocando la palabra **ácido** primero y luego añadiendo la terminación **-hídrico** a la raíz del nombre del no metal.

Ejemplo: H_2Te : ácido telurhídrico.

Actividad 3: Ejercitación

a) Formule y nombre los hidrácidos que forman los siguientes elementos:

Elemento	Nº de Oxidación	Fórmula	Fase Gaseosa	Fase Acuosa
Flúor				
Azufre				
Cloro				

b) Escriba la fórmula química de los siguientes hidrácidos

Ácido yodhídrico:

Ácido selenhídrico:

Bromuro de hidrógeno:

Oxoácidos

Son sustancias formadas por Hidrógeno (con su estado de oxidación +1), Oxígeno (con su estado de oxidación -2) y un No Metal (con estados de oxidación positivos).

Fórmula

Se escribe primero el hidrógeno, en segundo lugar el símbolo del no metal y luego el oxígeno. Para formular un oxoácido se efectúa el siguiente paso, antes de lograr la electroneutralidad:

1. Si el no metal (X) tiene número de oxidación **impar** el subíndice del hidrógeno es 1.
2. Si el no metal (X) tiene número de oxidación **par** al hidrógeno le corresponde un subíndice de 2.

Una vez colocado el subíndice del hidrógeno, se busca un subíndice para el oxígeno de modo que la suma algebraica de los números de oxidación sea igual a cero.

Nomenclatura

Tradicional: se emplea la palabra **ácido** seguido del nombre del no metal con terminación **-oso** (si actúa con el menor estado de oxidación) ó **-ico** (si está actuando con el mayor estado de oxidación).

En caso de que el no metal posea un sólo estado de oxidación debe colocarse la terminación **-ico**. Si presenta más de dos estados de oxidación se utilizan los prefijos **hipo-** (para el estado de oxidación 1) ó **per-** (para el estado de oxidación 7).

Ejemplos: H_2SeO_4 : ácido selénico; HClO : ácido hipocloroso

Actividad 4: Ejercitación

a) Formule y nombre los oxoácidos de los siguientes elementos:

Elemento No Metálico	Nº de Oxidación	Fórmula	Tradicional
Manganeso	+6		
	+7		
Nitrógeno	+3		
	+5		
Cloro	+1		
	+3		
	+5		
	+7		

b) Escriba la fórmula química de los siguientes oxoácidos

Ácido sulfúrico:

Ácido carbónico:

Ácido hipoyodoso:

Ácido perbrómico:

Casos especiales de oxoácidos

Los elementos **Boro**, **Silicio**, **Fósforo** y **Arsénico**, tienen la característica de formar tres oxoácidos diferentes actuando con el mismo estado de oxidación.

- **Forma meta-** : Se aplican las mismas reglas empleadas en la formulación de los oxoácidos vistos anteriormente.
Ejemplo: As (+5): HAsO_3 ; ácido metaarsénico.
- **Forma orto-** : Para la formulación, a la forma meta se le añade una molécula de agua.
Ejemplo: $\text{HAsO}_3 + \text{H}_2\text{O} \rightarrow \text{H}_3\text{AsO}_4$; ácido ortoarsénico o ácido arsénico.
- **Forma piro-** : Dos moléculas de la forma **orto-** pierden una molécula de agua.
Ejemplo: $2 \text{H}_3\text{AsO}_4 \rightarrow \text{H}_4\text{As}_2\text{O}_7 + \text{H}_2\text{O}$ Ácido piroarsénico o Ácido diarsénico.

El elemento **Cromo** forma dos oxoácidos con el estado de oxidación +6: H_2CrO_4 (Ácido crómico) y $\text{H}_2\text{Cr}_2\text{O}_7$ (Ácido dicrómico).

Para formular el Ácido dicrómico, puede considerarse que se deshidratan dos moléculas de Ácido crómico: $2 \text{H}_2\text{CrO}_4 \rightarrow \text{H}_2\text{Cr}_2\text{O}_7 + \text{H}_2\text{O}$

Actividad 5: Completar la siguiente tabla

No Metal	N° de Oxidación	Forma meta-	Tradicional	Forma orto-	Tradicional	Forma piro-	Tradicional
Boro							
Silicio							
Arsénico	+3						
Fósforo	+3						
	+5						

Iones

Son átomos o grupos de átomos que han perdido o ganado electrones, por este motivo, los iones pueden estar cargados positiva o negativamente.

Un ión cargado positivamente se denomina catión, mientras que un ión cargado negativamente recibe el nombre de anión. Los elementos metálicos forman normalmente cationes monoatómicos al ceder electrones, mientras que los elementos no metálicos forman normalmente aniones monoatómicos al aceptar electrones, cuyas cargas están relacionadas con la cantidad de electrones perdidos o ganados.

Los iones que se forman a partir de un solo átomo se llaman monoatómicos. Los iones que se forman a partir de dos o más átomos se llaman poliatómicos.

Fórmula

Para iones monoatómicos, se escribe el símbolo químico del metal o del no metal y luego como superíndice a la derecha de los símbolos el número y signo correspondiente a la carga eléctrica del ión que estará dado por el número y signo del estado de oxidación con el que actúa.

La formulación de iones poliatómicos se verá más adelante (oxoaniones).

Nomenclatura

Los nombres están dados no sólo por el tipo de ión (catión o anión) sino también por la cantidad de átomos que están presentes en la especie química.

Cationes Monoatómicos

- **Numerales de Stock:** se coloca la palabra **ión** o **catión** seguido del “nombre del metal” e indicando el estado de oxidación del metal con número romano entre paréntesis. En caso de que el metal posea un sólo estado de oxidación no debe indicarse el mismo en el nombre.

Ejemplos: Na⁺: Ión sodio; Cu²⁺: Ión cobre (II)

- **Tradicional:** se emplea la palabra **ión** o **catión** seguido del “nombre del metal” con terminación **-oso** (si actúa con el menor estado de oxidación) ó **-ico** (si está actuando con el mayor estado de oxidación).

En caso de que el metal posea un sólo estado de oxidación no debe colocarse ninguna terminación, sólo se escribe el nombre del metal. Ejemplos: Na⁺: Ión sodio; Cu²⁺: Ión cúprico

Cationes Poliatómicos

Los más conocidos son un grupo de sustancias que se pueden considerar provenientes de la adición de un protón (ión hidrógeno) a una molécula neutra.

Se nombran empleando la palabra **ión** o **cación** con terminación **-onio**. Ejemplos: NH_4^+ : Ión amonio; H_3O^+ : Ión hidronio o Ión oxonio.

Aniones Monoatómicos

Se denominan **ión** o **anión** seguido del **nombre del no metal** y terminación **-uro**.

En el caso del oxígeno, la terminación empleada es **-ido**. Ejemplos: Se^{2-} : ión seleniuro; N^{3-} : ión nitruro; O^{2-} : ión óxido.

Aniones Poliatómicos

Se pueden considerar como provenientes de otras moléculas por pérdida de uno o más iones hidrógeno (protones).

Ejemplo: OH^- : ión hidróxido. Es el más sencillo que resulta del agua al perder un protón.

Hidróxidos

Son compuestos formados por un catión monoatómico (metal) e iones hidróxidos (OH^-). El número de iones hidróxidos dependerá de la carga del catión.

Fórmula

Se escribe primero el catión monoatómico y luego el ión hidróxido, al cual se le agrega un subíndice, si es necesario, para compensar la carga del catión (número de oxidación del metal). En caso de que la fórmula contenga más de un ión hidróxido, éste debe colocarse entre paréntesis.

Nomenclatura

Se dispone de dos nomenclaturas:

- **Numerales de Stock:** se coloca la palabra **hidróxido** seguido de la preposición **de** y luego el **nombre del catión** indicando su estado de oxidación con número romano entre paréntesis. En caso de que el catión posea un sólo estado de oxidación no debe indicarse el mismo en el nombre.

Ejemplos: NaOH : hidróxido de sodio; $\text{Cu}(\text{OH})_2$: hidróxido de cobre (II)

- **Tradicional:** se emplea la palabra **hidróxido** seguido del **nombre del catión** con terminación **-oso** (si actúa con el menor estado de oxidación) ó **-ico** (si está actuando con el mayor estado de oxidación). En caso de que el metal posea un sólo estado de oxidación no debe colocarse ninguna terminación, sólo se escribe la preposición “de” y el nombre del metal.

Ejemplos: NaOH : hidróxido de sodio; $\text{Cu}(\text{OH})_2$: hidróxido cúprico

Actividad 6: Ejercitación

a) Formule y nombre los siguientes hidróxidos:

Elemento Metálico	Catión	Anión	Fórmula	Numerales de Stock	Tradicional
Bario					
Litio					
Oro (+1)					
Aluminio					
Níquel (+2)					
Platino (+4)					
Cromo (+3)					

b) Escriba la fórmula química de los siguientes hidróxidos:

Hidróxido cobáltico:

Hidróxido de cobre (I):

Hidróxido de magnesio:

Hidróxido de mercurio (I):

Sales Binarias

Son compuestos formados por un metal (catión) con estado de oxidación positivo y un no metal (anión) con estado de oxidación negativo.

Nomenclatura

- **Numerales de Stock:** se nombra el anión monoatómico (terminación **-uro**) seguido de la preposición **de** y luego el nombre del catión monoatómico (nombre del metal), indicando su estado de oxidación con número romano entre paréntesis. En caso de que el catión posea un sólo estado de oxidación no debe indicarse el mismo en el nombre.

Ejemplos: NaCl: cloruro de sodio; CuBr₂: bromuro de cobre (II)

- **Tradicional:** se nombra el anión monoatómico (terminación **-uro**) seguido del nombre del catión monoatómico (terminación **-oso** o **-ico**, según corresponda). En caso de que el catión posea un sólo estado de oxidación no debe colocarse ninguna terminación, sólo se escribe la preposición **de** y el nombre del metal.

Ejemplos: NaCl: cloruro de sodio; CuBr₂: bromuro cúprico

Actividad 7: Ejercitación

- a) Formule y nombre las sales binarias que se obtienen cuando se combinan los siguientes metales y no metales:

Elemento Metálico	Catión	Elemento No Metálico	Anión	Fórmula de la Sal	Numerales de Stock	Tradicional
Litio		Bromo				
Hierro (+2)		Cloro				
Hierro (+2)		Selenio				
Aluminio		Bromo				
Manganeso (+2)		Yodo				
Manganeso (+3)		Azufre				
Magnesio		Selenio				
Plomo (+2)		Yodo				
Plomo (+4)		Azufre				

- b) Escriba la fórmula química de las siguientes sales

Yoduro de sodio:

Sulfuro estannoso:

Sulfuro de oro (III):

Seleniuro de aluminio:

Bromuro de estroncio:

Oxoaniones o Aniones Poliatómicos

Proceden de un oxoácido que ha cedido uno o más iones hidrógeno.

La carga negativa que tendrá el ión estará dada por el número de protones (H^+) que haya perdido el oxoácido.

Fórmula

A partir de la fórmula del oxoácido, se van eliminando los iones hidrógeno y se asigna al oxoanión una carga negativa igual al número de protones perdidos.

Nomenclatura

La IUPAC acepta como válidos los nombres de los oxoaniones establecidos por la nomenclatura tradicional, es por ello que sólo aplicaremos ésta nomenclatura a oxoaniones que han cedido por completo sus hidrógenos.

Existen oxoaniones que se pueden considerar provenientes de oxoácidos que NO han perdido todos los iones hidrógeno denominados oxoaniones ácidos. En este caso tendremos diferencias entre la nomenclatura IUPAC y la nomenclatura tradicional.

Oxoaniones Con Pérdida Total De Hidrógenos

- **Tradicional:** se coloca en primer lugar la palabra **ión** y luego se nombran a partir del oxoácido de procedencia, cambiando la terminación **-oso** por **-ito** si actúa con el menor estado de oxidación e **-ico** por **-ato** (si está actuando con el mayor estado de oxidación). En caso de que el no metal posea un sólo estado de oxidación debe colocarse la terminación **-ato**.

Si presenta más de dos estados de oxidación se utilizan los prefijos **hipo-** (para el estado de oxidación más bajo) ó **per-** (para el estado de oxidación más alto).

Ejemplos: SeO_4^{2-} : ión selenato (H_2SeO_4 : ácido selénico); ClO^- : ión hipoclorito ($HClO$: ácido hipocloroso)

Oxoaniones Ácidos (Conservan Hidrógenos)

- **IUPAC:** consiste en anteponer al nombre del oxoanión (palabra **ión** y terminación **-ito** o **-ato**), **prefijos para indicar la cantidad de hidrógenos** seguido de la palabra hidrógeno. El prefijo **mono-** puede omitirse.

Ejemplos: HSeO_4^{2-} : ión hidrógenoselenato (H_2SeO_4 : ácido selénico); H_2PO_4^- : ión dihidrógenofosfato (H_3PO_4 : ácido fosfórico)

- **Tradicional:** se coloca el nombre del oxoanión (palabra **ión** y terminación **-ito** o **-ato**), luego se agregan **prefijos para indicar la cantidad de hidrógenos** terminando con la palabra ácido. El prefijo **mono-** puede omitirse.

Ejemplos: HSeO_4^- : ión selenato ácido (H_2SeO_4 : ácido selénico); H_2PO_4^- : ión fosfato diácido (H_3PO_4 : ácido fosfórico)

Actividad 7: Ejercitación

a) Formule y nombre los oxoaniones que forman los elementos:

Elemento No Metálico	Nº de Oxidación	Fórmula	IUPAC	Tradicional
Azufre	+4			
	+4			
Manganeso	+6			
	+6			
	+7			
Yodo	+1			
	+3			
	+5			
	+7			
Cromo	+6			
	+6			
	+6			
	+6			
Nitrógeno	+5			

b) Escriba la fórmula química de los siguientes oxoaniones:

ión sulfato:

ión piroborato:

ión nitrito:

ión fosfato ácido:

ión bromito:

ión arsenito ácido:

ión peryódico:

ión hidrógeno carbonato:

Oxosales o Sales Ternarias

Son compuestos formados por un Metal (catión) que proviene del Hidróxido y un oxoanión (cuando pierde el total de iones hidrógenos) proveniente de un oxoácido.

Fórmula

Se escribe primero el catión y luego el oxoanión. Si es necesario se agregan subíndices (al catión, al anión o a ambos) de modo tal que la suma algebraica de las cargas eléctricas de los iones sea igual a cero. En caso de que la fórmula contenga más de un oxoanión, este debe colocarse entre paréntesis.

Nomenclatura

Oxosales Neutras

- **IUPAC:** se nombra el oxoanión (terminación **-ito** o **-ato** según corresponda) seguido de la preposición **de** y luego el nombre del catión monoatómico ("nombre del metal"), indicando su estado de oxidación con número romano entre paréntesis. En caso de que el catión posea un sólo estado de oxidación no debe indicarse el mismo en el nombre.

Ejemplos: Na_2SeO_4 : selenato de sodio; $\text{Cu}(\text{ClO})_2$: hipoclorito de cobre (II)

- **Tradicional:** se nombra el oxoanión (terminación **-ito** o **-ato**) seguido del nombre del catión monoatómico (terminación **-oso** o **-ico**). En caso de que el catión posea un sólo estado de oxidación no debe colocarse ninguna terminación, sólo se escribe la preposición **de** y el nombre del metal.

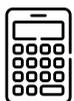
Ejemplos: Na_2SeO_4 : selenato de sodio; $\text{Cu}(\text{ClO})_2$: hipoclorito cúprico

Bibliografía

- BROWN, T.; LEMAY, H.E.; BURSTEN, B.E.; MURPHY, C.J. (2009). Química, La ciencia central. Pearson Educación.
- CHANG, R. (2009). Química. Mc Graw Hill-Interamericana. México.
- MASTERTON, W.L.; HURLEY, C.N. (2003). Química, Principios y Reacciones. Editorial Thomson.
- MAHAN, B.M.; MYERS, R.J. (1990). Química, Curso Universitario. Editorial Addison-Wesley Iberoamericana.
- PETERSON, W.R. (1984). Formulación y Nomenclatura Química Inorgánica. Editorial Eunibar.
- PETRUCCI, R.; HARWOOD, W.; HERRING, F. (2011). Química General. Editorial Prentice Hall.
- SHRIVER, D.E.; ATKINS, P.W.; LANGFORD, C.H. (1998). Química Inorgánica. Vol I y II. Editorial Reverté.
- WHITEN, K.W.; GAILEY, K.D. (1989). Química General. Editorial Mc Graw-Hill.

Matemática

Los contenidos del **módulo de Matemática** son fundamentales para el cursado de las asignaturas **Matemática I** y **Matemática II** de primer año de la carrera **Ingeniería Agronómica** y las asignaturas **Matemática A y B** del primer año de la carrera **Ingeniería Industrial**.



Importante

Para las clases del módulo de matemática y para el cursado de las materias de primer año es importante que tengas una **calculadora científica** propia.

Tema 1 : Números Y Operaciones

Conjuntos numéricos

Números naturales: $\mathbb{N} = \{1, 2, 3, \dots\}$

Números enteros: $\mathbb{Z} = \{\dots, -2, -1, 0, 1, 2, 3, \dots\}$

Números racionales: $\mathbb{Q} = \{\text{expresiones fraccionarias y expresiones decimales}\}$

Las fracciones son números racionales que se pueden escribir como cocientes $\frac{m}{n}$, donde m, n son enteros y n distinto de cero. Por ejemplo $\frac{3}{5}; \frac{2}{9}; \frac{7}{3}$

Cuando el numerador y denominador se pueden dividir por un mismo número esto se llama simplificación.

$$\frac{32}{24} = \frac{4}{3}$$

Expresión decimal finita es número racional que tiene un número limitado de cifras después de la coma, también se lo puede expresar como fracción. Ejemplo: $\frac{367}{100} = 3,67$

Expresión decimal periódica es el número racional que tiene una o varias cifras que se repiten indefinidamente a partir de un cierto lugar.

$$\frac{2}{3} = 0,666\dots = 0,\hat{6} \qquad \frac{7}{6} = 1,1666\dots = 1,1\hat{6}$$

La **notación científica** es una herramienta del lenguaje matemático empleada para sintetizar la escritura y representar en forma concisa números muy grandes o muy pequeños. Para hacerlo se usan potencias de diez. Básicamente, la notación científica consiste en representar un número entero o una expresión decimal como un producto por una potencia de diez.

$$732,5051 = 7,325051 \cdot 10^2 \qquad -0,005612 = -5,612 \cdot 10^{-3}$$

Números Irracionales: Los números que no pueden expresarse como cociente de dos enteros, por ejemplo: $\sqrt{2}; \pi; \sqrt[5]{7}; e$ se llaman números irracionales. Podrían representarse como números de infinitas cifras decimales las cuales no corresponden a un período, por ejemplo: $\sqrt{2} = 1,41421356\dots$

Números reales: $\mathbb{R} = \{\text{rationales e irracionales}\}$

Los números reales se representan geoméricamente como la colección de todos los puntos de una recta, eligiendo una unidad arbitraria. Forman un conjunto completo y ordenado.

Operaciones con fracciones

En matemática una operación es la acción de un operador (+ ; - ; • ; \sqrt{a} ; a^n ...) sobre los elementos de un conjunto.

Siempre al momento de desarrollar un ejercicio donde aparezcan sumas, restas, multiplicaciones, divisiones, potencias, etc., debes tener presente que existe una prioridad en el desarrollo de estas, es decir; hay operaciones que deben realizarse antes que otras para obtener el resultado correcto.

Este orden es el siguiente:

- 1° Potencias y raíces
- 2° Productos y cocientes
- 3° Sumas y restas

Además si aparecen paréntesis dentro de algún ejercicio, nos indicará que debemos realizar primero las operaciones que están dentro del paréntesis.

Suma(+) y resta (-)

Hay dos casos:

- Fracciones que tienen el mismo denominador; sólo hay que sumar los numeradores y se deja el denominador común.

$$\text{Ejemplo: } \frac{2}{3} + \frac{8}{3} = \frac{2+8}{3} = \frac{10}{3}$$

- Fracciones que tienen distinto denominador:

Lo primero que se intentará es encontrar fracciones equivalentes a las dadas que tengan el mismo denominador para luego proceder como en el caso anterior.

$$\frac{3}{5} + \frac{7}{3} = \frac{9}{15} + \frac{35}{15} = \frac{9+35}{15} = \frac{44}{15}$$

El mismo procedimiento se aplica a las restas.

Multiplicación o producto (•)

Para multiplicar fracciones, se multiplican entre sí los numeradores y denominadores, los valores obtenidos serán el numerador y el denominador, respectivamente.

$$\frac{8}{5} \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{7} = \frac{8 \cdot 3 \cdot 1}{5 \cdot 2 \cdot 7} = \frac{24}{70}$$

La multiplicación (y la suma) cumplen con la propiedad conmutativa ($5 \cdot 4 = 4 \cdot 5$), con la propiedad asociativa ($[3 \cdot 5] \cdot 2 = 3 \cdot [5 \cdot 2]$) y además el producto es distributivo respecto a la suma ($[3 + 4] \cdot 5 = 3 \cdot 5 + 4 \cdot 5$).

División o cociente (÷)

El cociente de dos fracciones es el producto de la primera fracción por la inversa de la segunda fracción.

$$\frac{2}{5} \div \frac{9}{4} = \frac{2}{5} \cdot \frac{4}{9} = \frac{2 \cdot 4}{5 \cdot 9} = \frac{8}{45}$$

- Porcentaje. Tanto por ciento

Se llama tanto por ciento de un número C con relación a otro D, a'l cociente entre el primero y el segundo, multiplicado por 100.

$$8 \text{ de } 40 = \frac{8}{40} \cdot 100 = 20\% \qquad 15\% \text{ de } 80 = \frac{15}{100} \cdot 80 = 12$$

Potencia

$$a^n = \underbrace{a \cdot a \cdot a \cdot a \dots \cdot a}_{n \text{ veces}}$$

Ejemplo:

$$3^5 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 3 = 243$$

$$\left(\frac{2}{5}\right)^3 = \frac{2^3}{5^3} = \frac{8}{125}$$

Propiedades

1) $a^0 = 1$ para todo valor de $a \neq 0$

2) Si a es un número real distinto de 0 y n es un entero, entonces $a^n = \left(\frac{1}{a}\right)^n$

Ejemplo: $3^2 = \left(\frac{1}{3}\right)^2 = \frac{1}{9}$

$$\left(-\frac{5}{4}\right)^{-3} = \left(\frac{4}{5}\right)^3 = \frac{64}{125}$$

3) Si a es un número real y m y n son enteros cualesquiera, $a^m \cdot a^n = a^{m+n}$

4) Si a es un número real distinto de 0 y m y n son enteros cualesquiera, $\frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$

5) Si a es un número real y m y n son enteros cualesquiera, $(a^m)^n = a^{m \cdot n}$

6) Si a y b son números reales ($b \neq 0$) y m es entero

$$(a \cdot b)^m = a^m \cdot b^m$$

$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$$

$$(a + b)^m \neq a^m + b^m$$

Radicación

$$\sqrt[n]{a} = b \Leftrightarrow b^n = a$$

Ejemplos: $\sqrt{49} = \pm 7 \Leftrightarrow \left\{ \begin{array}{l} 7^2=49 \\ (-7)^2=49 \end{array} \right\}$

$$\sqrt[5]{-243} = -3 \Leftrightarrow (-3)^5 = -243$$

Propiedades

1) $\sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n}}$, para todo $a \in \mathbb{R}$, $n \in \mathbb{N}$, $n > 1$

2) Si a y b son números reales y b es distinto de 0 y k es un número natural

$$\sqrt[k]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[k]{a}}{\sqrt[k]{b}}$$

Ejemplo: $\sqrt{\frac{4}{9}} = \frac{\sqrt{4}}{\sqrt{9}} = \frac{2}{3}$

$$\sqrt[k]{a \cdot b} = \sqrt[k]{a} \cdot \sqrt[k]{b}$$

Ejemplo: $\sqrt[3]{27 \cdot 8} = \sqrt[3]{27} \cdot \sqrt[3]{8} = 3 \cdot 2 = 6$

3) Si m es cualquier entero: $\sqrt[k]{a^m} = (\sqrt[k]{a})^m = a^{\frac{m}{k}}$

Actividades: números y operaciones

Actividad 1: Indique a qué conjunto numérico pertenecen los números que figuran en la Tabla. Recordá que un mismo número puede pertenecer a varios conjuntos a la vez.

Nº	N	Z	Q	I	R
0					
- 7					
$\frac{2}{3}$					
- 1,06̂					
$\sqrt{5}$					
$\frac{361}{19}$					
104					
2,57					
0,1234567891011...					
$\frac{\sqrt{45}}{\sqrt{20}}$					

Actividad 2: Resuelva las siguientes sumas y restas con fracciones sin utilizar la calculadora. En caso de ser posible, simplifique el resultado obtenido.

a) $\frac{3}{2} + \frac{1}{8} + \frac{5}{4}$

b) $\frac{4}{3} + \frac{5}{6} + 3$

c) $\frac{7}{5} + \frac{2}{15} + 1$

d) $-\frac{2}{7} + 5 - \frac{4}{21}$

e) $\frac{7}{3} - \frac{1}{4} + \frac{5}{6}$

f) $\frac{9}{11} - \frac{5}{3}$

g) $\frac{4}{9} - \frac{2}{5} + \frac{1}{2}$

h) $-\frac{7}{10} + \frac{3}{8} - \frac{1}{9}$

Actividad 3: Resuelva los siguientes productos y divisiones con fracciones sin utilizar la calculadora. En caso de ser posible, simplifique el resultado obtenido.

a) $\frac{5}{2} \cdot \frac{1}{7} : \frac{5}{3}$

b) $\left(-\frac{4}{3}\right) : \left(-\frac{5}{6}\right) : \frac{7}{9}$

c) $\left(-\frac{2}{7}\right) \cdot \left(-\frac{8}{14}\right) \cdot \left(-\frac{7}{2}\right)$

d) $-4 \cdot \left(-\frac{5}{9}\right) : \frac{1}{4}$

e) $\frac{9}{11} : (-3) \cdot \left(-\frac{5}{3}\right)$

f) $\frac{4}{9} : \frac{1}{5} : \frac{1}{2}$

Actividad 4: Resuelva, si es posible, las siguientes potencias y raíces con fracciones sin utilizar la calculadora. En caso de ser posible, simplifique el resultado obtenido.

a) $\left(-\frac{5}{2}\right)^0$

b) $\left(-\frac{4}{3}\right)^{-2}$

c) $\left(-\frac{2}{3}\right)^3$

d) $\sqrt[3]{-\frac{64}{27}}$

e) $\left(\frac{9}{25}\right)^{\frac{1}{2}}$

f) $\left(-\frac{1}{32}\right)^{\frac{1}{5}}$

g) $\left(\frac{1}{81}\right)^{-\frac{1}{4}}$

h) $\left(-\frac{4}{3}\right)^{\frac{4}{3}}$

i) $\left(-\frac{2}{3}\right)^{-\frac{2}{3}}$

j) $\sqrt[4]{-\frac{1}{16}}$

k) $\left(-\frac{1}{2}\right)^{-\frac{1}{2}}$

l) $\left(-\frac{1}{216}\right)^{-\frac{1}{3}}$

Actividad 5: Aplicando propiedades y definiciones y sin realizar los cálculos, determine en cada caso la relación de orden ($=$; $>$; $<$) entre las siguientes potencias de fracciones:

a) $\left(-\frac{1}{5}\right) \cdot \left(-\frac{1}{5}\right)^0 \boxed{} \left(-\frac{1}{5}\right)^2$

b) $\left(-\frac{3}{2}\right)^2 \boxed{} \left(-\frac{3}{2}\right)^3$

c) $\left(-\frac{1}{7}\right)^{10} \boxed{} \left(-\frac{1}{7}\right)^{15}$

d) $\left(-\frac{4}{5}\right) \cdot \left(-\frac{4}{5}\right)^2 \boxed{} \left(-\frac{4}{5}\right)^3$

e) $(-2) \cdot (-2)^{-3} \boxed{} \left(-\frac{1}{2}\right)^2$

f) $\left(-\frac{7}{8}\right)^0 \boxed{} 1^{-1}$

g) $4^{-6} \boxed{} \left(\left(\frac{1}{4}\right)^2\right)^3$

h) $\frac{\left(\frac{1}{3}\right)^{-2}}{\left(\frac{1}{3}\right)^3} \boxed{} \left(\left(\frac{1}{3}\right)^{-2}\right)^2$

i) $\left(-\frac{2}{11}\right)^{-2} \boxed{} \left(\left(-\frac{11}{2}\right)^{-2}\right)^{-1}$

Actividad 6: Aplicando propiedades de las potencias y las raíces, resuelva los siguientes cálculos:

a) $\left(\frac{1}{4}\right)^{-\frac{1}{2}} \cdot \sqrt{100}$

b) $\frac{\sqrt[4]{\left(\frac{1}{121}\right)^3}}{\sqrt[4]{\frac{1}{121}}}$

c) $\left(\frac{\sqrt[3]{\frac{1}{64}} \cdot \sqrt{\frac{1}{64}}}{\sqrt[3]{\frac{1}{8}} \cdot \sqrt{\frac{1}{256}}}\right)^{-2}$

d) $\frac{\sqrt[2]{\sqrt[3]{\frac{1}{64}}}}{64^{-\frac{1}{2}}}$

Actividad 7: Resuelva las siguientes operaciones combinadas:

a) $\left(\frac{3}{5} + \frac{1}{10}\right)^{-1} + (-3) \cdot \left(\frac{3}{7} - \frac{3}{21}\right) - \sqrt[3]{-\frac{1}{343}}$

b) $\left(\frac{7}{2} - \frac{18}{8}\right)^{-2} + \left(\frac{10}{3} : \frac{5}{2}\right) \cdot \left(-\frac{3}{5}\right) + \sqrt[5]{\frac{1}{32}}$

c) $\left(\frac{28}{3} : 7\right)^2 - \sqrt{2 - \frac{14}{8}} - \left(7 - \frac{2}{5}\right)^0$

d) $\left(\frac{21}{2} - \frac{1}{2}\right)^2 - \sqrt{\frac{-100}{-36}}$

e) $\left(-\frac{1}{4} : \frac{3}{2}\right)^{-1} - \left(\left(\frac{1}{5}\right)^2\right)^{-1}$

f) $\left[\frac{3}{22} \cdot \left(-\frac{5}{6} + \frac{9}{2}\right)\right] - \left(\frac{1}{4} \cdot 4^2 \cdot 4^{-1}\right)$

g) $\frac{\sqrt[4]{16 \cdot 81}}{25} + \left[\frac{5^0}{5^3} \cdot (-5)\right] - \sqrt[3]{-27}$

h) $\left(\frac{22}{6} - \frac{5}{3}\right)^{-3} + \left(\frac{8}{4} : \frac{8}{5}\right) \cdot \frac{3}{2} - \sqrt[5]{-\frac{1}{32}}$

Actividad 8: En cada caso responda lo solicitado:

- a) ¿Cuánto es el 20% de 700 toneladas?

- b) ¿Qué porcentaje representa 120 hectáreas de un campo que tiene 1.800 hectáreas?

- c) ¿Qué porcentaje representa 63.000 litros de un total de 120.000 litros?

- d) ¿Cuánto es el 113% de \$250.000 de capital invertido?

Actividad 9: Exprese en notación científica los siguientes números:

- a) – 0,0000078
- b) 123.700.000
- c) 0,000457
- d) – 98.600.000.000

Actividad 10: Verifique todas las operaciones realizadas en las actividades anteriores, empleando la calculadora.

Tema 2: Expresiones Algebraicas, Polinomios y Factoreo

Una **expresión algebraica** es una combinación de letras, números y signos de operaciones. Las letras suelen representar cantidades desconocidas. Las expresiones algebraicas nos permiten traducir al lenguaje matemático expresiones del lenguaje habitual.

Ejemplos de expresiones algebraicas son:

- $ax^2 + 2xyb$
- $\sqrt{2x} + y^2x^3$
- $\frac{xy - 2xc}{x^2 + 1p}$
- Longitud de la circunferencia: $L = 2\pi r$, donde r es el radio de la circunferencia.
- Área del cuadrado: $S = I^2$, donde I es el lado del cuadrado.
- Volumen del cubo: $V = a^3$, donde a es la arista del cubo.

Tipos de expresiones algebraicas

Hay distintos tipos de expresiones algebraicas.

- Dependiendo del número de sumandos, tenemos: **monomios** (1 sumando) y **polinomios** (varios sumandos).
- Algunos polinomios tienen nombre propio: **binomio** (2 sumandos), **trinomio** (3 sumandos). Cada sumando se llama **término**.

$$\boxed{4x^5} + \boxed{6x} - \boxed{7x^2}$$

Término Término Término

- Dos expresiones algebraicas separadas por el signo = se llama **igualdad**. Cada lado del signo igual se denomina **miembro**.

$$\boxed{5x + 7} = \boxed{9x - 1}$$

Miembro Miembro

Valor numérico de una expresión algebraica

Si en una expresión algebraica se sustituyen las letras por números y se realiza la operación indicada se obtiene un número que es el valor numérico de la expresión algebraica para los valores de las letras dados.

$$4ax^5 + 2bx^3 - 3x^2$$

$$\text{para } x = 1, a = 3, b = -2 \Rightarrow 4 \cdot 3 \cdot (1)^5 + 2 \cdot (-2) \cdot (1)^3 - 3 \cdot (1)^2 = 5$$

Lenguaje Simbólico

De la misma forma en que podemos traducir una expresión de un idioma a otro, debemos ser capaces de traducir los enunciados en símbolos matemáticos para poder pasar al siguiente paso. **Importante:** La variable puede estar representada por cualquier letra, por costumbre, solemos usar la letra x (equis).

Lenguaje coloquial	Lenguaje simbólico
Un número	x
El duplo , el doble de un número	$2x$
La mitad de un número	$\frac{1}{2}x$; $\frac{x}{2}$; $x:2$
Un número disminuido en...	$x - \dots$
El antecesor , el anterior de un número	$x - 1$
El sucesor , el consecuente , el siguiente de un número	$x + 1$
El opuesto de un número	$-x$
Números consecutivos	x ; $x + 1$; $x + 2$; ...
Un número par	$2x$
Números pares consecutivos	$2x$; $2x + 2$; $2x + 4$
Un número impar	$2x + 1$
El cuádruplo de un número	$4x$
La tercera parte, el tercio de un número	$\frac{1}{3}x$; $\frac{x}{3}$; $x:3$
La cuarta parte de un número	$\frac{1}{4}x$; $\frac{x}{4}$; $x:4$
La quinta parte de un número	$\frac{1}{5}x$; $\frac{x}{5}$; $x:5$
El cuadrado de un número	x^2
El cubo de un número	x^3
El cuadrado del siguiente de un número	$(x + 1)^2$
El cubo del siguiente de un número	$(x + 1)^3$
La raíz cuadrada de un número	\sqrt{x}
La raíz cúbica de un número	$\sqrt[3]{x}$
La razón entre dos números: división	$\frac{x}{y}$; $x:y$

Despejar una Incógnita en una igualdad

Despejar significa separar la incógnita de los demás miembros de una ecuación mediante las operaciones pertinentes.

Reglas

1. Lo que está sumando pasa restando.
2. Lo que está restando pasa sumando.
3. Lo que está multiplicando pasa dividiendo.
4. Lo que está dividiendo pasa multiplicando.
5. Si está con exponente pasa con raíz.
6. Si está con raíz pasa con exponente.

Igualdad

$$\text{Despeja } h \text{ en } \boxed{3p\left(\frac{h+3}{r}\right)} = \boxed{m+1} \Rightarrow \left(\frac{h+3}{r}\right) = \frac{m+1}{3p} \Rightarrow$$

Primer miembro Segundo miembro

$$h + 3 = \left(\frac{m+1}{3p}\right)r \Rightarrow \boxed{h = \left(\frac{m+1}{3p}\right)r - 3}$$

Polinomios

En general podemos decir que un polinomio real con coeficientes en \mathbb{R} es una expresión de la forma:

$$P(x) = a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + \dots + a_2 x^2 + a_1 x^1 + a_0 \quad \left\{ \begin{array}{l} a_n; a_{n-1}; \dots; a_2; a_1; a_0 \text{ son números reales; coeficientes} \\ x^n; x^{n-1}; \dots; x^2; x^1 \text{ son INDETERMINADAS o PARTE LITERAL} \end{array} \right\}$$

a_n *coeficiente principal*

n *grado del polinomio*

Ejemplo:

$$P(x) = \frac{2}{3}x^5 - 7x^4 + 5x^2 + 3x \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} \text{coeficiente principal} = \frac{2}{3} \\ \text{grado del polinomio} = 5 \end{array} \right\}$$

Operaciones con polinomios

- Para sumar dos polinomios se agrupan los términos del mismo grado y se suman sus coeficientes.

$$3x^5 + x^5 = 4x^5$$

$$6x^2 + 9x^4 \neq 15x^6$$

- Para multiplicar dos polinomios se multiplica cada monomio de uno de ellos por cada uno de los términos del otro y luego se suman los términos de igual grado.

$$3x^4 \cdot 2x^3 = (3 \cdot 2)x^{4+3} = 6x^7$$

Algunos productos importantes

$$(x + a)^2 = (x + a)(x + a) = x^2 + 2ax + a^2$$

$$(x - a)^2 = (x - a)(x - a) = x^2 - 2ax + a^2$$

$$(x + a)^3 = x^3 + 3ax^2 + 3a^2x + a^3$$

$$(x - a)^3 = x^3 - 3ax^2 + 3a^2x - a^3$$

$$(x + a)(x - a) = x^2 - ax + ax - a^2 = x^2 - a^2$$

- Existe una estrecha analogía entre el cociente de polinomios y la división de números enteros.
 - Dados los polinomios $D(x) = 6x^3 - 17x^2 + 15x - 8$ y $d(x) = 3x - 4$ determinar, si es posible, dos polinomios $c(x)$ y $r(x)$ tales que $D(x) = d(x) \cdot c(x) + r(x)$ de modo que el grado de $r(x)$ sea menor que el grado de $d(x)$ o bien $r(x) = 0$

$$6x^3 - 17x^2 + 15x - 8 = \underline{\hspace{2cm}} \cdot (3x - 4)$$

$$\underline{6x^3 - 8} \qquad (2x^2 - 3x + 1)$$

$$- 9x^2 + 15x$$

$$\underline{9x^2 - 12x}$$

$$3x - 8$$

$$\underline{- 3x + 4}$$

$$- 4$$

- División de un polinomio por otro de la forma $(x - a)$: La regla de Ruffini es un algoritmo que permite obtener fácilmente el cociente y el resto de la división de un polinomio por un binomio de la forma $(x - a)$.

Ejemplo: $D(x) = 3x^3 - 2x^2 - 5x - 9$ y $d(x) = (x - 2)$

$$D(x) = (x - 2) \cdot (3x^2 + 4x + 3) + 3$$

	x^3	x^2	x	x^0
	3	- 2	- 5	- 9
		6	8	6
2	3	4	3	$\underline{3 = r}$

Raíz de un polinomio

Se dice que b es raíz del polinomio $P(x)$, sí y sólo sí, $P(b) = 0$

Ejemplo: 4 es raíz de $P(x) = 2x - 8$ pues $P(4) = 2 \cdot 4 - 8 = 0$

Factorización

Factorizar un polinomio significa transformarlo en un producto.

Una importante propiedad de los polinomios es la siguiente: dado un polinomio de grado n , este tiene n raíces contando las raíces múltiples. Esta propiedad nos permite expresar a un polinomio en función de sus raíces de la siguiente forma:

$$P(x) = a_n(x - x_1)(x - x_2)\dots(x - x_n) \quad \text{donde } x_1; x_2; \dots; x_n \text{ son raíces del polinomio}$$

a_n es el coeficiente principal

Factor común

Si en todos los términos de un polinomio figura un factor común, dicho polinomio es igual al producto de ese factor por el polinomio que resulta al dividir cada término por ese factor.

Ejemplo: $4x^6 + 12x^5 - \frac{4}{3}x = 4x \cdot \left(\frac{4x^6 + 12x^5 - \frac{4}{3}x}{4x}\right) = 4x \cdot \left(x^5 + 3x^4 - \frac{1}{3}\right)$

Factor común en grupos

Se aplica en polinomios que no tienen factor común en todos sus términos.

Si los términos de un polinomio pueden reunirse en grupos de igual número de términos con un factor común en cada grupo, se saca en cada uno de ellos el factor común. Si queda la misma expresión en cada uno de los paréntesis, se la saca, a su vez, como factor común, quedando así factorizado el polinomio dado.

$$2ax + 2bx - ay + 5a - by + 5b = (2ax - ay + 5a) + (2bx - by + 5b) =$$

$$a \cdot (2x - y + 5) + b \cdot (2x - y + 5) = (2x - y + 5) \cdot (a + b)$$

Diferencia de Cuadrados

Toda diferencia de cuadrados es igual al producto de la suma por la diferencia de las bases de dichos cuadrados.

$$x^2 - a^2 = (x - a) \cdot (x + a) \quad \Rightarrow \quad 9 - x^2 = (3 - x) \cdot (3 + x)$$

Trinomio cuadrado perfecto

Se llama trinomio cuadrado perfecto al trinomio tal que dos de sus términos son cuadrados perfectos y el otro término es el doble producto de las bases de esos cuadrados.

$$36x^2 + 12xy^2 + y^4 = (6x + y^2) \cdot (6x + y^2) = (6x + y^2)^2$$

Cuadrinomio cubo perfecto

Todo cuadrinomio de la forma $a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ en el que dos términos:

a^3 y b^3 , son cubos perfectos; el tercer término: $3a^2b$, es el triplo del cuadrado de la base del primer término por la base del segundo, y el cuarto término $3ab^2$, es el triplo de la base del primer cubo por el cuadrado de la base del segundo.

$$\underbrace{x^3}_{(x)^3} + \underbrace{6x^2 \cdot y}_{3(x)^2 2y} + \underbrace{12xy^2}_{3x(2y)^2} + \underbrace{8y^3}_{(2y)^3} = (x + 2y) \cdot (x + 2y) \cdot (x + 2y) = (x + 2y)^3$$

Actividades: Expresiones algebraicas, polinomios y factorio

Actividad 1: Traduzca al lenguaje simbólico.

Lenguaje coloquial	Lenguaje simbólico
El triple del consecutivo de un número	
El producto de un número elevado al cuadrado y la tercera parte de su doble	
La mitad de un número dividido por el cuádruple de su opuesto	
La diferencia entre el cuadrado de un número y su quinta parte	
La suma de un número par y otro impar	
El cociente entre un número par y otro impar	
El producto entre un número y su consecutivo se anula	
La suma entre décima parte de un número y el cuadrado de su inverso	

Actividad 2: Extraiga el factor común de las expresiones.

a) $2b^2 - 4b^3 + 16b^5$

b) $45cx^2 - 3xc + 18x^3c - 6c^2x$

c) $ab^2 - a - d + db^2$

d) $15a^2 - 3am - \frac{3}{2}a - 5ax + xm + \frac{1}{2}x$

e) $3kx + 6kx^2 - 24k^4 + 12k^2x$

Actividad 3: Indique con una cruz, en la columna 2, 3 o 4 según corresponda, qué tipo de expresión es la que figura en la columna 1. Complete la columna 5 con la expresión factorizada.

Expresión	Diferencia de cuadrados	Trinomio cuadrado perfecto	Cuatrinomio cubo perfecto	Expresión factorizada
$144z^2 - \frac{1}{4}c^2$				
$49y^2 - 42w^4y + 9w^8$				
$8a^3 + 12a^2z^2 + z^6 + 6az^4$				
$x^3 + 3x^2y^2 + 3xy^4 + y^6$				
$x^2 - 14x + 49$				
$9x^2y^2 - 4$				

Actividad 4: Desarrolle las siguientes expresiones según corresponda a: un Trinomio Cuadrado Perfecto; un Cuatrinomio Cubo Perfecto o a una Diferencia de Cuadrados.

a) $(2x - b^3)^2$

b) $(3y^2 + 4z)^3$

c) $(6x + \frac{1}{3}y) \cdot (6x - \frac{1}{3}y)$

d) $(2m^2 - n)^3$

e) $(-x - \frac{y}{5})^2$

f) $(z^2 + \frac{2}{5}) \cdot (z^2 - \frac{2}{5})$

Actividad 5: En caso de ser posible, reduzca a la mínima expresión, las siguientes expresiones algebraicas.

a) $\frac{6x^2 \cdot 7x^{\frac{1}{2}}}{-3 \cdot \sqrt[3]{x^5}}$

b) $\frac{5(z^{-5} \cdot z^4)^{-2}}{4z^{-\frac{1}{2}}}$

c) $\frac{3(h^2 \cdot h^3)^0 \cdot \sqrt[4]{h^8}}{h^{-\frac{1}{2}}}$

d) $n^2 \left(\frac{2}{5}n + \frac{3}{10}n \right)^{-1} + \left(\frac{n^3}{2n^2} \right)^2 : \frac{n^2}{8}$

e) $\sqrt[9]{(k^5 : \sqrt{k})^2} \cdot \frac{\sqrt{k}}{k}$

f) $\frac{p-4}{8} + \frac{p}{2} - \frac{1}{4}p$

g) $\frac{(x-2)^2 \cdot (x+2)}{x^2 - 4}$

h) $\frac{16x^2 - 8xy + y^2}{16x^2 - y^2}$

i) $\frac{(x+4) \cdot x^2 \cdot (x-4)}{x^2 - 16}$

Actividad 6: Dados los polinomios.

$P(x) = 3x^4 + 6x^3 - 4x^2 + 7$; $Q(x) = -2x^5 + x^3 - 3x$; $R(x) = x - 4$; $S(x) = x^2 - 4x + 1$

Calcular:

a) $P(x) + Q(x)$

b) $Q(x) - R(x)$

c) $R(x) \cdot S(x)$

d) $P(x) : S(x)$

e) $[R(x)]^2$

f) $\frac{1}{2} P(x)$

g) El grado de $[P(x) \cdot R(x)]$

h) El grado de $[P(x) \cdot R(x) - Q(x)]$

i) El valor numérico de: $P(0)$, $Q(-1)$ y $R(\frac{1}{2})$

Actividad 7: Aplicando la Regla de Ruffini, determine en cada caso, el cociente y el resto de las siguientes divisiones con Polinomios.

a) $P(x) : Q(x)$ con $P(x) = 3x^4 + 6x^3 - 4x^2 + 7$ y $Q(x) = x - 4$

b) $P(x) : Q(x)$ con $P(x) = 2x^4 - 10x^3 + 10x^2 + 10x - 12$ y $Q(x) = x - 3$

c) $P(x) : Q(x)$ con $P(x) = x^5 - 3x^2 + 1$ y $Q(x) = x + 2$

d) $P(x) : Q(x)$ con $P(x) = -4x^4 + 12x^2 + 8x$ y $Q(x) = x + 1$

Actividad 8: Los siguientes polinomios se encuentran expresados en forma factorizada a partir de sus raíces y su coeficiente principal.

a) $P(x) = 2(x + 1)(x - 1)(x + 3)$

b) $Q(x) = -5(x + 3)(x - 2)(x + 10)$

c) $S(x) = (x - 4)^2(x - 1)^3(x - \frac{1}{2})$

d) $T(x) = -3x^2(x + 1)(x - 1)(x - 2)$

e) $R(x) = -(x + 1)(x - 1)(x - 2)^4$

i) En cada caso y sin hacer las cuentas indique: el grado del polinomio, las raíces y el coeficiente principal.

ii) Realizando los productos, exprese cada polinomio en su forma general.

Tema 3 : Ecuaciones

¿Qué es una ecuación?

Una igualdad que se torna verdadera para algún o algunos valores de la variable

Clasificación

Hay muchos tipos de ecuaciones, en particular nos ocuparemos de las **Ecuaciones Polinómicas Enteras**. Son de la forma $P(x) = 0$, donde $P(x)$ es un polinomio.

Grado de una ecuación: El grado de una ecuación es el mayor de los grados de los monomios que forman sus miembros. El grado de una ecuación se relaciona con la cantidad de soluciones posibles.

Tipos de ecuaciones polinómicas:

1. Ecuaciones de primer grado o lineales

Son del tipo $ax + b = 0$, con $a \neq 0$, ó cualquier otra ecuación en la que al operar, trasponer términos y simplificar adoptan esa expresión.

$$2x + 1 = 0 \qquad 3x - 5 = 7$$

2. Ecuaciones de segundo grado o cuadráticas

Son ecuaciones del tipo $ax^2 + bx + c = 0$, con $a \neq 0$. Ejemplo: $3x^2 - 5x + 9 = 0$

Si falta alguno dellos términos se le dice incompleta y puede tomar estas formas:

$$ax^2 = 0 \qquad ax^2 + b = 0 \qquad ax^2 + bx = 0$$

3. Ecuaciones de tercer grado

Son ecuaciones del tipo $ax^3 + bx^2 + cx + d = 0$, con $a \neq 0$. Ejemplo: $4x^3 + 5x^2 - 3x + 6 = 0$

4. Ecuaciones de cuarto grado

Son ecuaciones del tipo $ax^4 + bx^3 + cx^2 + dx + e = 0$, con $a \neq 0$. Ejemplo: $2x^4 - 5x^3 + x^2 - 4x + 7 = 0$

En este curso solamente vamos a trabajar las de tercer y cuarto grado incompletas, en particular aquellas que no tienen término independiente.

5. Ecuaciones de grado n

En general, las ecuaciones de grado n son de la forma: $a_1x^n + a_2x^{n-1} + a_3x^{n-2} + \dots + a_0 = 0$

Solución de una ecuación:

Resolver una ecuación significa hallar el o los valores de la o las incógnitas que hagan verdadera la igualdad planteada.

- **Ecuación Lineal con una Incógnita:** Para encontrar el valor de la incógnita x que satisfaga la expresión: $ax + b = 0$, efectuamos en la ecuación operaciones permitidas, con el fin de despejar x y así obtener la solución.

$$\text{Ejemplo: } 3x + 5 = 11 \Rightarrow 3x = 11 - 5 \Rightarrow x = 6 \div 3 \Rightarrow x = 2$$

$$\text{Verificación: } 3 \cdot 2 + 5 = 6 + 5 = 11$$

- **Ecuación Cuadrática con una Incógnita:** Encontrar las soluciones de: $ax^2 + bx + c = 0$ es hallar los valores que hacen cero dicha ecuación. Esos valores pueden ser dos, uno o ninguno.. Para ello se aplica la siguiente expresión, denominada resolvente:

$$x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Los valores de x_1 y x_2 están dados por el valor que puede tomar el discriminante

$$\Delta = b^2 - 4 \cdot a \cdot c$$

$$\Delta > 0 \Rightarrow x_1 \neq x_2 \in \mathbb{R}$$

$$\Delta = 0 \Rightarrow x_1 = x_2 \in \mathbb{R}$$

$$\Delta < 0 \Rightarrow x_1 \neq x_2 \in \mathbb{C}$$

Ejemplo

$$x^2 - 4x + 3 = 0 \Rightarrow x = \frac{4 \pm \sqrt{(-4)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 3}}{2 \cdot 1} = \frac{4 \pm \sqrt{16 - 12}}{2} = \frac{4 \pm 2}{2} = \left\{ \begin{array}{l} x_1 = \frac{4+2}{2} = 3 \\ x_2 = \frac{4-2}{2} = 1 \end{array} \right\}$$

Verificación:

$$3^2 - 4 \cdot 3 + 3 = 9 - 12 + 3 = 0$$

$$1^2 - 4 \cdot 1 + 3 = 1 - 4 + 3 = 0$$

$$\text{Ejemplo: } x^2 - 2x + 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 1 \cdot 1}}{2 \cdot 1} = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 4}}{2} = \frac{2 \pm 0}{2} = 1$$

Ejemplo:

$$2x^2 - 2x + 1 = 0 \Rightarrow x = \frac{2 \pm \sqrt{(-2)^2 - 4 \cdot 2 \cdot 1}}{2 \cdot 2} = \frac{2 \pm \sqrt{4 - 8}}{4} = \frac{2 \pm \sqrt{-4}}{4} = \left\{ \begin{array}{l} x_1 = \frac{2 + \sqrt{-4}}{4} \\ x_2 = \frac{2 - \sqrt{-4}}{4} \end{array} \right\}$$

El método explicado anteriormente debe ser utilizado para ecuaciones de segundo grado, con una incógnita, únicamente

• **Ecuación de Tercer Y Cuarto Grado, incompletas, con una Incógnita**

Las ecuaciones de tercer y cuarto grado que vamos a considerar son aquellas donde el término independiente es cero. Estos tipos de ecuaciones se resuelven factorando previamente

$$x^3 - 3x^2 - 10x = 0 \quad \Rightarrow \quad x(x^2 - 3x - 10) = 0 \quad \text{Si } a \cdot b = 0 \Rightarrow a = 0 \text{ o } b = 0$$

Factor común

$$x_1 = 0 \quad \text{o} \quad x^2 - 3x - 10 = 0 \Rightarrow x = \frac{3 \pm \sqrt{(-3)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-10)}}{2 \cdot 1} = \frac{3 \pm 7}{2} = \left\{ \begin{array}{l} x_2 = 5 \\ x_3 = -2 \end{array} \right\}$$

$$x^4 - x^3 - 12x^2 = 0 \quad \Rightarrow \quad x^2 \cdot (x^2 - x - 12) = 0$$

Factor común

$$x^2 = 0 \Rightarrow x_1 = x_2 = 0 \quad \text{(Las raíces de índice par tienen dos soluciones)}$$

$$x^2 - x - 12 = 0 \Rightarrow x = \frac{1 \pm \sqrt{(-1)^2 - 4 \cdot 1 \cdot (-12)}}{2 \cdot 1} = \frac{1 \pm 7}{2} = \left\{ \begin{array}{l} x_3 = 4 \\ x_4 = -3 \end{array} \right\}$$

Actividades: Ecuaciones

Actividad 1: Resuelva las siguientes **ecuaciones de 1er grado**. Luego reemplace en cada ecuación el valor obtenido y compruebe que verifica la igualdad.

$$\text{a)} 4z - \frac{17}{2} = z + \frac{7}{2}$$

$$\text{b)} 7 \cdot (w - 3) = 9 \cdot (w + 1) - 34$$

$$\text{c)} \frac{a-1}{3} + \frac{a}{2} = \frac{2}{3} - \frac{a}{6}$$

$$\text{d)} (4x + 2)^2 = (4x - 2) \cdot (4x + 1)$$

$$\text{e)} \frac{h}{7} + 2h = \frac{h}{3} - 4$$

$$\text{f)} -k + 18\left(\frac{3}{4}k - \frac{2}{3}\right) = k + 1$$

Actividad 2: Resuelva las siguientes **ecuaciones de 2do grado**. Luego reemplace en cada ecuación los valores obtenidos y compruebe que verifican la igualdad.

$$\text{a)} -6x = -5 - x^2$$

$$\text{b)} x^2 - 4x = -3$$

$$\text{c)} 5x^2 + 20 = 20x$$

$$\text{d)} x^2 + 8 = 12$$

$$\text{e)} 5x \cdot (2 - x) - 3x = -3 \cdot (5 + x)$$

$$\text{f)} 2x \cdot (x + 7) + 7x = 8 \cdot (x + 2) - x$$

$$\text{g)} \frac{1}{4}x^2 + x = 4$$

$$\text{h)} \left(x - \frac{3}{4}\right)^2 = 0$$

$$\text{i)} \frac{4x^3(x+1)^2 \cdot (x-1)^2}{(x^2-1)^2 \cdot x} = 4$$

$$\text{j)} 2x^2 + 2 + 2x = 0$$

Actividad 3: Resuelva las siguientes **ecuaciones (incompletas) de 3er y 4to grado**. Luego reemplace en cada ecuación los valores obtenidos y compruebe que verifican la igualdad.

$$\text{a)} 7x^3 + 14x^2 - 21x = 0$$

$$\text{b)} 5x^4 - 15x^3 + 10x^2 = 0$$

$$\text{c)} x^3 - 5x^2 + 6x = 0$$

$$\text{d)} x^4 - 6x^3 + 3x^2 = 0$$

$$\text{e)} x^3 - 9x = 0$$

$$\text{f)} 2x^4 - 18x^2 = 0$$

Actividad 4: A partir de la información dada, exprese en forma factorizada (en función de las raíces y el coeficiente principal) los siguientes polinomios:

$$\text{a)} P(x) = -4x^3 + 12x - 8 \quad ; x = -2 \text{ es raíz}$$

$$\text{b)} Q(x) = 3x^3 + 3x^2 - 3x - 3 \quad ; x = -1 \text{ es raíz doble}$$

$$\text{c)} R(x) = -4x^4 - 4x^3 + 3x^2 + 2x - 1 \quad ; x = \frac{1}{2} \text{ es raíz doble}$$

Problemas de aplicación

- 1) En un acoplado rectangular, la base es el doble que su altura. Responda: ¿Cuáles son sus dimensiones si el perímetro mide 30cm?
- 2) En un corral hay el doble de vacas que de toros y el triple número de terneros que de toros y vacas juntos. Responda: ¿Cuántos toros, vacas y terneros hay si el rodeo lo componen 96 animales?
- 3) Se han consumido $\frac{7}{8}$ de un bidón de aceite. Reponemos 38 litros y el bidón ha quedado lleno hasta sus $\frac{3}{5}$ partes. Calcule la capacidad del bidón.
- 4) Para cercar un terreno rectangular de 750m^2 , se han utilizado 110m de cerca. Calcule las dimensiones del terreno.
- 5) Un jardín rectangular de 50m de largo por 34m de ancho está rodeado por un camino de arena uniforme. Halle la anchura de dicho camino si se sabe que su área es de 540m^2 .

Contactos importantes

Inscripción a las carreras de la facultad

- Recuerda realizar la inscripción de acuerdo a los requisitos y periodos de inscripción indicados en el siguiente sitio: <http://www.agr.unne.edu.ar/index.php/item/129-ingreso-2023>
- Para más información comunicate con la oficina de alumnado de la Facultad:
Correo electrónico: alumnado-fca@agr.unne.edu.ar
Contacto telefónico: **(0379) 442-7589 (interno 140)**
Horario de atención presencial: 8.00 a 11.00hs

Matriculación al aula virtual del Cursillo de Ingreso

- Si no te encuentras matriculado en el aula virtual comunicate con el equipo del cursillo de ingreso 2023, a través, del siguiente correo electrónico: fcaingresounne@gmail.com

Información y asesoramiento de Becas

- Comunicarse con Secretaría de Asuntos Estudiantiles de la Facultad a través del siguiente correo electrónico: bienestar.estudiantil.agr.unne@gmail.com

Medios digitales

Página web

- www.agr.unne.edu.ar

Redes sociales

- Instagram <https://www.instagram.com/agrarias.unne/>
- Facebook <https://www.facebook.com/facultadagrariasunne/>
- Twitter <https://twitter.com/agrariasunne>

Audiovisual

- YouTube <https://www.youtube.com/channel/UCZqk2nqjldAqdvh6zRNK1ew>

-